

בגרות לבתי ספר על-יסודיים
קי"ת תשע"א, 2011
035806
דף נושאות ל-5 ייחידות לימוד
סוג הבחינה:
מועד הבחינה:
מספר השאלה:
נספח:

מתמטיקה

5 ייחידות לימוד – שאלון ראשון

תכנית ניסוי

(שאלון ראשון לנבחנים בתכנית ניסוי, 5 ייחידות לימוד)

הוראות לנבחן

א. משך הבחינה: שלוש שעות וחצי.

ב. מבנה השאלון ופתחת הערכה: בשאלון זה שלושה פרקים.
 פרק ראשון – אלגברה והסתברות $33\frac{1}{3} \times 2 = 66\frac{2}{3}$ נקודות
 פרק שני – גאומטריה וטראיגונומטריה $33\frac{1}{3} \times 2 = 66\frac{2}{3}$ נקודות
 במשורט
 פרק שלישי – חישוב דיפרנציאלי ואנטגרלי $33\frac{1}{3} \times 2 = 66\frac{2}{3}$ נקודות
 סה"כ – 100 נקודות

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

(1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הניתן לתכניות.
 שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.

(2) דפי נושאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.
- (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשות במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעוזרת מחשבון.
 הסביר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.
 חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבחינה.
- (3) לטוטה יש להשתמש במחברת הבחינה או בדף שקיבלת מהמשגיכים.
 שימוש בטוטה אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.

התנחות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

בהצלחה!

/המשך מעבר לדף/

ה שאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבחינה.

פרק ראשון – אלגברת והסתברות ($\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה – $\frac{2}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. בפועל ליצור מחשבונים עובדים פועלים ותיקים ופועלים חדשים.

פועל ותיק ופועל חדש הותבקשו להרכיב מחשבונים.

לו פועל ותיק היה עובד $\frac{1}{3}$ מהזמן שנדרש לעובד חדש לבצע בלבד עבודה זו,

ופועל חדש היה עובד $\frac{1}{3}$ מהזמן שנדרש לעובד ותיק לבצע בלבד עבודה זו,

אז יחד הם היו מבצעים $\frac{13}{8}$ מעבודה זו.

פועל ותיק מבצע בלבד את העבודה במספר שעות קטן יותר מזה הדרוש לפחות חדש.

א. נמצא כי כמה גדול מספר השעות הדרוש לפחות לבצע בלבד את העבודה,

מספר השעות הדרוש לפחות פועל ותיק לבצע בלבד את העבודה.

ב. נתון כי פועל ותיק מרכיב 9 מחשבונים בשעה.

בזות עבודה יש פועל אחד חדש ושני פועלים ותיקים.

מצא בבמה שעות הצות מרכיב 168 מחשבונים.

.2

נתונה סדרה הנדסית אין-סופית יורדת.

כל איבר בסדרה זו קטן פי 2 מסכום כל האיברים האחרים.

סכום הסדרה ההנדסית הנתונה הוא 4.

מצא את סכום כל האיברים שאחורי האיבר העשירי בסדרה.

.3. בחברת תקשורת גדולה נבדקו הרגלי הצפיה של הלקוחות. נמצא כי מספר הלקוחות

שצופים בערוצי אקטואליה גדול פי 4 ממספר הלקוחות שאינם צופים בהם.

$\frac{5}{6}$ מהלקוחות שצופים בערוצי סרטים, צופים בערוצי אקטואליה.

75% מהלקוחות שאינם צופים בערוצי סרטים, צופים בערוצי אקטואליה.

בוחרים באקראי לקוח מבין הלקוחות שהרגלי הצפיה שלהם נבדקו.

הסתברות שהוא צופה בערוצי סרטים היא P.

א. (1) הבע באמצעות P את הסתברות שהלקוח שנבחר צופה בערוצי סרטים וגם בערוצי אקטואליה.

(2) מצא את P.

ב. (1) נמצא שהלקוח שנבחר אינו צופה בערוצי סרטים.

מהי הסתברות שהוא אינו צופה בערוצי אקטואליה?

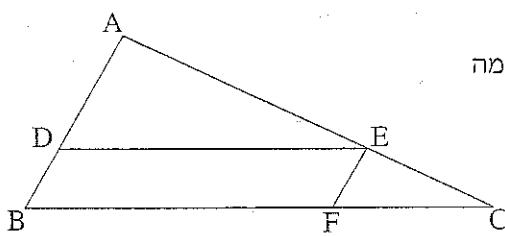
(2) מבין הלקוחות שאינם צופים בערוצי סרטים בחרו באקראי 5 לקוחות.

מהי הסתברות שלפחות 1 מהם צופה בערוצי אקטואליה?

פרק שני – גאומטריה וטיריגונומטריה במרחב (33 $\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 4-6 (לכל שאלה – $\frac{2}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדק רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.



.4. נתון משולש ABC . הנקודות D, E ו- F על צלעות BC, AC, AB בהתאמה

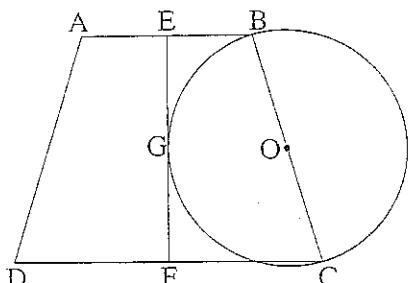
כך ש- $DE \parallel BC$ ו- $FE \parallel BA$ (ראה ציור).

א. נתון: שטח המשולש ADE הוא S_1 ,

שטח המשולש EFC הוא S_2 .

הבע באמצעות S_1 ו- S_2 את היחס $\frac{BF}{FC}$. נמק.

ב. הוכח כי שטח המשולש BEF שווה ל- $\sqrt{S_1 \cdot S_2}$.



נתון טרפז שווה-שוקיים ABCD .

$$(AB \parallel CD, AB < CD)$$

הנקודות E ו- F הן אמצעי הצלעות AB
ור- CD בתאמה (ראה ציור).

א. הוכח כי EF מאונך ל- CD .

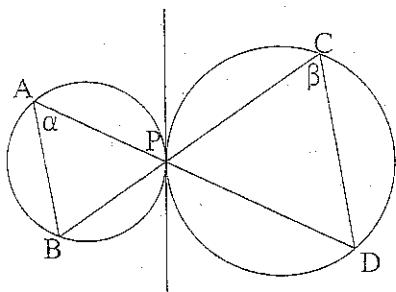
ב. על BC בקוטר בנו מעגל שמרכזו O .

נתון כי EF משיק למעגל בנקודה G (ראה ציור).

$$\text{הוכחה: } EB + FC = 2GO$$

ג. נתון: α . $BC = 2R$, $\angle GCB = \alpha$. R – רדיוס המעגל.

הבע את גובה הטרפז ABCD באמצעות α ו- R .



לשני מעגלים יש משיק משותף .

המשיק לשנייהם בנקודה P .

נקודות C ו- D נמצאות על מעגל אחד

ונקודות A ו- B נמצאות על המעגל الآخر

כך שהקטעים AD ו- CB נפגשים בנקודה P
(ראה ציור).

נתון: רדיוס המעגל העובר דרך הנקודות C , D , B ו- P הוא 4.5 ס"מ,

$$\angle DCP = \beta, \angle BAP = \alpha, \frac{CD}{AB} = \frac{3}{2}$$

א. מצא את רדיוס המעגל העובר דרך הנקודות A , B ו- P .

ב. הבע באמצעות α ו- β את אורך הקטע BD .

$$BD = 3 \sin \alpha \cdot \sqrt{1 + 24 \sin^2 \alpha}, \text{ הראה כי } \frac{PD}{PB} = \frac{3}{2}$$

α ו- β הן זוויות חדות).

**פרק שלישי – חישוב דיפרנציאלי ואנטגרלי של פולינומים,
של פונקציות שורש, של פונקציות רצינוליות
ושל פונקציות טרייגונומטריות (33 נקודות)**

ענה על שתיים מהשאלות 7-9 (כל שאלת $\frac{2}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדק רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

7. נתונה הפונקציה $f(x) = \frac{ax}{\sqrt{x^2 - a^2}}$. a הוא פרמטר שונה מאפס.

א. עבור $a > 0$ מצא (הבע באמצעות a במידת הצורך):

- (1) את תחום ההגדרה של הפונקציה.
- (2) את האסימפטוטות של הפונקציה המקבילות לצירים.
- (3) תחומי עלייה וירידה של הפונקציה (אם יש כאלה).
- (4) נקודות חיתוך של גרף הפונקציה עם הצירים (אם יש. כאמור).

ב. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה עבור $a > 0$.

ג. נתונה הפונקציה $a > 0$, $g(x) = f(x) - a$.

(1) מה הן האסימפטוטות של הפונקציה $g(x)$? (הבע באמצעות a במידת הצורך.)

(2) מה הם הערכים שהפונקציה $g(x)$ יכולה לקבל?

(הבע באמצעות a במידת הצורך.)

8. נתונה הפונקציה $f(x) = \cos(x^2 - 2x)$ בתחום $-0.5 \leq x \leq 2.5$.

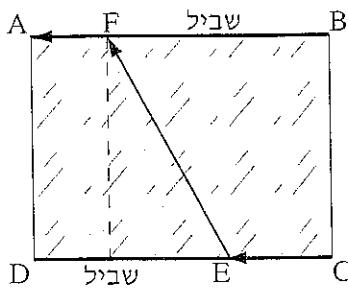
א. בתחום הנתון מצא את השיעורים של נקודות הקיצון של הפונקציה, וקבע את סוגן.

ב. בתחום הנתון סרטט סקיצה של גרף הפונקציה.

ג. בתחום $2 \leq x \leq 0$ מצא את השיטה המוגבל על ידי הגרף של פונקציית הנגזרת $(x^2 - 2x)'$. על ידי ציר ה- x.

תוכל להיעזר בסקיצה של פונקציית הנגזרת $(x^2 - 2x)'$.

בתשובותיך דיק במידת הצורך עד שתי ספרות אחרי הנקודה העשרונית.



9. נתונה מדשאה בצורת מלבן ABCD לאורך צלעות המלבן BA ו- CD יש שבילי הליכה. אורך הצלע BA הוא 0.4 ק"מ, ואורך הצלע BC הוא 0.3 ק"מ. אדם עומד בקדקוד C של המדשאה ורוצה להגיע לקדקוד A. הוא הולך לאורך הקטע CE של השביל CD, אחר כך הולך לאורך הקטע EF של המדשאה וממשיך לאורך הקטע FA של השביל BA (ראה ציור). האדם הולך ב מהירות של 6 קמ"ש לאורך השבילים, ועל המדשאה הוא הולך ב מהירות של 4 קמ"ש. מה צריך להיות אורך הקטע EF, כדי שהאדם הגיע לא A בזמן הקצר ביותר? בתשובתך דיקד עד שתי ספירות אחרי הנקודה העשרונית.

בהצלחה!

זכות היוצרים שמורה למדינת ישראל
אין להעתיק או לפוסט אלא ברשות משרד החינוך