

בגירות לבני ספר על-יסודים
קיץ תשע"ו, מועד ב
035581
דפי נוסחאות ל-5 יחידות לימוד

מתמטיקה

על פי תכנית הרפורמה למידה משמעותית

שאלון ראשון מ-5 יחידות לימוד

הוראות לנבחן

א. משך הבדיקה: שלוש שעות וחצי.

ב. מבנה השאלון ופתחת התערכות: בשאלון זה שלושה פרקים.

פרק ראשון	אלgebra והסתברות	—	20×2	—	40 נקודות
פרק שני	גאומטריה וטorigונומטריה	—	20×1	—	20 נקודות
פרק שלישי	בחשבון דיפרנציאלי וrintגרלי	—	20×2	—	40 נקודות
<u>סה"כ</u>	<u>100 נקודות</u>	<u>—</u>			

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

(1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתוכנות.

שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

(1) אל תעתקיק את השאלה; סמן את מספירה בלבד.

(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעוזרת מחשבון.

הסביר את כל פעולותיך, כולל הישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבדיקה.

(3) לטיווח יש להשתמש במחברת הבדיקה או בדף שקיבלת מן המשגית. שימוש בטיווח אחרית עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

הנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים כאחד.

ב הצלחה!

המשר מעבר לדין

ה שאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותין, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה.
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.

פרק ראשון – אלגברה והסתברות (40 נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה – 20 נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משני שאלות, ייבדק רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. שני הטכנאים גל ודני עבדו בהרכבת מחשבים. קצב העבודה של כל אחד מהם קבוע.

א. ביום העבודה הראשון הרכיבו שני הטכנאים אותו מספר של-מחשבים.

gal התחל ל לעבוד בשעה 8:00, וסיים ל לעבוד בשעה 15:00.

דני התחל ל לעבוד לאחר השעה 8:00 ולפני השעה 9:00, וסיים ל לעבוד בשעה 13:00.

ידעו גל ודני הרכיבו אותו מספר של מחשבים מהרגע שכל אחד מהם התחל ל לעבוד ועד

השעה 9:00.

כמה זמן אחרי השעה 8:00 התחל דני לעבוד?

ב. ביום העבודה השני, התחלו גל ודני לעבוד באותו שעה וסיימו לעבוד באותו שעה.

ביום זה הם הרכיבו סך הכל יחד את אותו מספר מחשבים שהרכיבו יחד ביום העבודה הראשון.

כמה זמן עבדו הטכנאים ביום העבודה השני?

◀ המשר בעמוד 3

2. נתונה סדרה חשבונית שיש בה n איברים. הפרש הסדרה הנתונה הוא 3.
- בין כל שני איברים עוקבים הכנסו איבר אחד נוספת, וኖצרה סדרה חשבונית חדשה.
(1) הראה כי היחס בין סכום האיברים בסדרה החדשה לסכום האיברים בסדרה הנתונה
- $$\text{היא } \frac{2n-1}{n}.$$
- נתון כי היחס שופיע בתת-סעיף (1) שווה ל-1.9.
סכום של כל האיברים הכנסו לסדרה הנתונה הוא 130.5.
מצא את האיבר הראשון בסדרה הנתונה.
 - יוצרים סדרה חשבונית נוספת על ידי הנסחת k איברים בין כל שני איברים עוקבים של סדרה הנתונה, הבע באמצעות k את הפרש הסדרה המתבקשת.

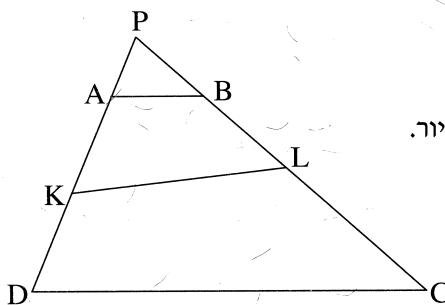
3. שחמט הוא משחק בין שני שחקנים שיכל להסתois בניצחון של אחד מהם או בתיקו.
יעל ואני משחקים זו מול זו בטורניר שחמט בשני סבבים.
הסתברות של כל אחת מן השחקניות לניצח במשחק בודד היא קבועה בכל הטורניר.
- בסבב הראשון יש 4 משחקים. ההסתברות שיעיל תנצח ב- 2 משחקים
או ב- 3 משחקים גדולה פי 10 מן ההסתברות שיעיל תנצח ב- 4 משחקים.
חשב את ההסתברות שיעיל תנצח במשחק בודד.

בסבב השני יש 2 משחקים.
ההסתברות שתוצאת הסבב השני תהיה שווין – היא 0.34.
 - מיהי ההסתברות שאנה תנצח במשחק בודד?
 - חשב את ההסתברות שאנה תנצח במשחק השני, אם ידוע שתוצאת סבב זה היא שווין.

פרק שני – גאומטריה וטריגונומטריה במישור (20 נקודות)

ענה על אחת מהשאלות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.



נתון משולש PDC .

הנקודות B ו- L מונחות על הצלע PC .

הנקודות A ו- K מונחות על הצלע PD , כמפורט בציור.

נתון כי המרובע $ABLK$ הוא בר-יחסימה במעגל

וגם המרובע $KLCD$ הוא בר-יחסימה במעגל.

א. הוכח: $AB \parallel DC$.

נתון: $3 \text{ ס"מ} = PA$, $4 \text{ ס"מ} = PB$.

שטח המשולש ABP הוא $S \text{ סמ"ר}$.

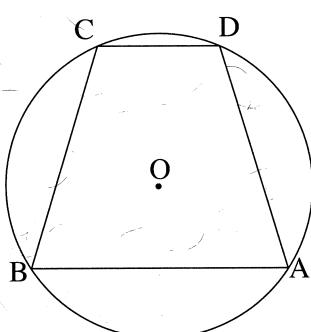
שטח המרובע $ABCD$ הוא $24S \text{ סמ"ר}$.

ב. האם אפשר לחסום במעגל את המרובע $ABCD$? נמק.

ג. מצא את אורך הצלע PD .

ד. נתון גם: $5 \text{ ס"מ} = BL$.

היעזר בדמיון משולשים והבע באמצעות S את שטח המרובע $KLCD$.



במעגל חסום טרפז $ABCD$ ($AB \parallel DC$).

מרכז המעגל O בתווך הטרפז (ראה ציור).

רדיוס המעגל הוא R וגובה הטרפז הוא h .

נתון: $\angle BOA = 3\alpha$, $\angle COD = \alpha$.

א. הבע באמצעות α את $\angle DAB$.

ב. הבע את האורך של שוק הטרפז באמצעות α ו- R .

ג. הבע את האורך של שוק הטרפז באמצעות α ו- h .

ד. נתון כי שטח המשולש COD הוא $\frac{h^2}{12 \cos^2 \frac{\alpha}{2}}$.
מצא את α .

**פרק שלישי – חישוב דיפרנציאלי וrintגרלי של פולינומים,
של פונקציות שורש, של פונקציות רצינוליות
ושל פונקציות טריגונומטריות (40 נקודות)**

ענה על שתיים מהתוצאות 6-8 (לכל שאלה – 20 נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבסheetך.

6. נתונה הפונקציה: $f(x) = \frac{2\cos^2 x - 1}{2\cos^2 x}$

א. בתחום $0 \leq x \leq \frac{\pi}{2}$

(1) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.

(2) מצא את האסימפטוטות של הפונקציה $f(x)$ המאונכות לציר ה- x (אם יש כאלה).

(3) מצא את נקודות החיתוך של הפונקציה $f(x)$ עם ציר ה- x (אם יש כאלה).

(4) מצא את השיעורים של נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$ (אם יש כאלה), וקבע את סוגן.

ב. בתחום $-\frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2}$:

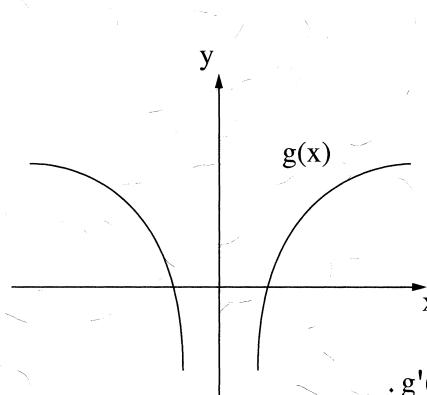
(1) הראה שפונקציה $f(x)$ היא זוגית.

(2) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

ג. מצא את השטח ברביע הראשון המוגבל על ידי גרף הפונקציה $f(x)$,

על ידי ציר ה- x ועל ידי ציר ה- y .

המשך בעמוד 6 ◀



7. בסרטוט של פונקציה מתואר גורף הפונקציה (x) .

הfonקציות (x) , $g'(x)$, $g''(x)$

מוגדרות לכל x השונה מד' 0,

ואין להן נקודות קיצון או נקודות פיתול.

הישר $0 = x$ הוא האסימפטוטה האנכית

לכל אחד מן הגרפים של הפונקציות האלה.

א. (1) סרטט סקיצה של גורף פונקציית הנגזרת (x) .

נקא את שיקולין.

(2) סרטט סקיצה של גורף פונקציית הנגזרת השנייה (x) . נקא את שיקוליך.

נתנו כי השטח המוגבל על ידי הגורף של פונקציית הנגזרת השנייה (x) ,

על ידי ציר x ועל ידי הישרים $1 = x$ ו- $2 = x$ שווה ל- 5.25.

ב. הישר $1 = x$ חותך את הגורף של פונקציית הנגזרת (x) בנקודה A,

והישר $2 = x$ חותך גורף זה בנקודה B.

מצא את הפרש בין שיעור ה- y של הנקודה A ובין שיעור ה- y של הנקודה B. נקא.

ג. הביטוי $y = \frac{a}{x^3}$ מתאר אחת מן הפונקציות (x) , $g(x)$, $g'(x)$, $g''(x)$.

a הוא פרמטר גדול מד' 0.

(1) קבע איזו מן הפונקציות הביטוי מתאר. נקא את קביעותך.

(2) מצא את הערך של a.

8. במשולש-ישראל ABC ($\angle ABC = 90^\circ$) אורך היתר הוא k ס'מ (k הוא פרמטר).

הניצב AB הוא גם יתר במשולש ADB, שהוא שווה שוקיים וישר זווית ($\angle ADB = 90^\circ$).

א. סמן $x = AB$ והבע את BC באמצעות x ו- k .

ב. נתון כי הערך המקסימלי של המכפלה $BC \cdot AD^2$ הוא $3\sqrt{3}$.

מצא את שטח המשולש ADB (ערך מסוורי), כאשר המכפלה $BC \cdot AD^2$ היא מקסימלית.

בצלחה!