

סוג הבדיקה: בגרות לבתי ספר על-יסודיים
מועד הבדיקה: תש"ע, מועד ב
מספר השאלה: 035807
דף נוסחאות ל-4 ול-5 ייחדות לימוד
נספח:

מתמטיקה

5 ייחדות לימוד – שאלון שני

תכנית ניסוי

(שאלון שני לנבחנים בתכנית ניסוי, 5 ייחדות לימוד)

הוראות לנבחן

א. משך הבדיקה: שעתיים.

ב. מבנה השאלון ופתחה הערכה: בשאלון זה שני פרקים.

פרק ראשון – גאומטריה אנלטית, קטוראים,

טorigonomטריה במרחב,

מספריים מוכבבים – $33\frac{1}{3} \times 2 = 66$ נקודות

פרק שני – גזילה ודעיכה,

פונקציות מעיריות ולוגריתמיות – $33\frac{1}{3} \times 1 = 33$ נקודות

סה"כ – 100 נקודות

חומר עוזר מותר בשימוש:

(1) מחשבון לא רפואי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנadan לתכונות.

שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

(1) אל תעתק את השאלה; סמן את מספירה בלבד.

(2) התחיל כל שאלה בעמוד חדש: רשם במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר

הчисובים מתבצעים בעורת מחשבון.

הסביר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.

חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבדיקה.

(3) לטוטסה יש להשתמש במחמת הבדיקה או בדים שקיבלת מהמשגיחים.

שימוש בטוטסה אחרית עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

התניות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

ב הצלחה!

השאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב,

מספרים מרוכבים ($\frac{2}{3}$ נקודות)

ענה על שתים מבין השאלות 1-3 (לכל שאלה – $\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, יבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבסחרתך.

$$1. \text{ נתונה המשוואה } a > 0, \quad a \neq 4, \quad \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{a^2 - 16} = 1$$

א. עבור אילו ערכים של a מייצגת המשוואה:

(1) אליפסה?

(2) מעגל?

ב. ידוע כי המשוואה הנתונה מייצגת אליפסה.

באליפסה חסומים: עיגול הנוגע באליפסה

בנקודות החיתוך שלה עם ציר ה- y ,

וריבוע שצלעותיו מקבילות לצירים

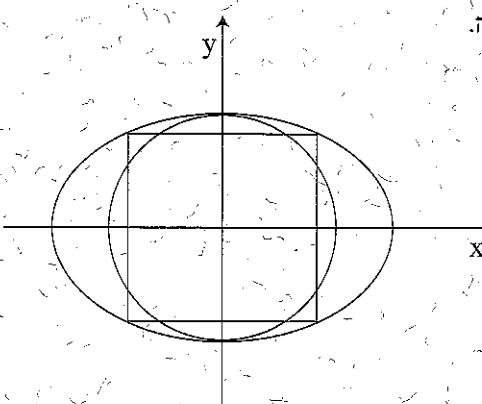
(ראה ציור).

היחס בין שטח העיגול החסום לבין שטח

הרביע החסום הוא $\frac{4\pi}{9}$

מצא את הערך של a^2 .

הערה: פתרון סעיף ב אינו תלוי בפתרון סעיף א.



נתונה פירמידה ABCD שבסיסה ABCD הוא מקבילית.

השיעורים של ארבעה- מבין קדוקדי הפירמידה הם:

$$S(1,1,8), C(-2,2,-1), B(4,-2,5), A(6,a,9)$$

בבסיס הפירמידה נמצא במישור:

$$\pi: \underline{x} = (2, -1, 4) + t(4, -3, 5) + s(2, -1, 1)$$

א. חשב את נפח הפירמידה ABCD (ערך-מספר).

ב. המישור π חותך את הצירים בנקודות M, L, K.

מצא את היחס בין נפח הפירמידה ABCD לבין נפח הפירמידה MOKL.

(O – ראשית הצירים).

ג. האם הישר שעליו נמצא גובה הפירמידה ABCD חותך את כל המשוררים שעלייהם

מונחות פאות הפירמידה MOKL? נמק.

נתונה המשוואה $2z^2 - (m-2)z - \frac{1}{8}i = 0$

z – מספר מרוכב, m – פרמטר מרוכב.

א. z_1 ו- z_2 הם פתרונות המשוואה הנתונה.

$$\text{מצא עבור איזה ערך של } m \text{ מתקיים } \frac{1}{z_1} + \frac{1}{z_2} = -4$$

ב. (1) מצא עבור אילו ערכים של m יש למשוואה הנתונה פתרון ייחודי.

הראה כי פתרונות המשוואה הנתונה עבור כל הערכים של m שמצוות בנתוי-סעיף ב(1):

(2) נמצאים על ישר אחד העובר בראשית הצירים.

(3) נמצאים על מעגל אחד שمرוכזו בראשית הצירים.

פרק שני – גזילה ודעיכה, פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות

(33 $\frac{1}{3}$ נקודות)ענה על אתה מהשאלות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

4. נתונה הפונקציה $f(x) = \frac{x^2 - 2x - a}{e^{-x}}$. a הוא פרמטר.א. מהו תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$?ב. מצא עבור אילו ערכים של a יש לפונקציה $f(x)$ שתי נקודות קיצון.ג. דרך נקודות הקיצון של הפונקציה העבירו ישרים המאונכים לציר ה- x .המරחק בין היישרים הוא 6. מצא את ערך הפרמטר a .הציב את הערך של a שמצאת, וענה על הסעיפים ד-ג.ד. מצא את סוג הקיצון של הפונקציה $f(x)$.ה. מצא את נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם הצירים.

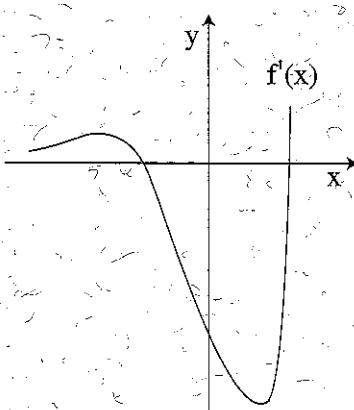
בתשובתך דיק Ud שני ספרות אחרי הנקודה העשורה.

ו. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

לפניך סקיצה של

גרף פונקציית הנגזרת $f'(x)$.

מצא את השיטה המוגבל

על ידי הגראן של $f'(x)$,על ידי חישוב $-x = -\frac{f''(x)}{f'(x)}$, על ידי צייר הדיאגרמהועל ידי צייר ה- x .

5. א. נתונה הפונקציה $f(x) = \log_b(ax)$ בתחום $0 < b < 1, a > 0, 1 \leq x \leq 2$.
בתחום הנתון הערך הגדול ביותר של הפונקציה הוא 4.

והערך הקטן ביותר של הפונקציה הוא 2.
מצא את הערך של a ואת הערך של b .

ב. נתונה הפונקציה $f(x) = \log_a(\tan x) + \log_a\left(\frac{3x-x^2}{\tan x}\right)$ בתחום $0 < x < \frac{\pi}{2}, 0 < a < 1$.

מצא את שיעוריי x של נקודות הקיצון של $f(x)$ בתחום הנתון (אם יש כאלה),
וקבע את סוגן.

שים לב: אין קשר בין סעיף א' לסעיף ב'.

בצלחה!

זכות היוצרים שפורה למدينة ישראל
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך