

סוג הבחינה: בגרות לבתי ספר על-יסודיים
מועד הבחינה: קיץ תשע"ו, מועד ב
מספר השאלה: 035582
נספח: דפי נוסחאות ל-5 יחידות לימוד

מתמטיקה

על פי תכנית הרפורמה למידה משמעותית שאלון שני מי-5 יחידות לימוד

הוראות לנבחן

א. משך הבחינה: שעתים ורבע.

ב. מבנה השאלה ופתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים.
פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים,

טריגונומטריה במרחב,

מספרים מרוכבים

פרק שני – גאומטריה – גדרה ודמייה,

$$66\frac{2}{3} - 33\frac{1}{3} \times 2 =$$

$$33\frac{1}{3} - 33\frac{1}{3} \times 1 =$$

$$\frac{100}{33\frac{1}{3}} =$$

$$= 3\frac{1}{3}$$

$$= 3\frac{1}{3} \times 1 =$$

$$= 3\frac{1}{3}$$

$$= 3\frac{1}{3} \times 1 =$$

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

(1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכנות.
שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.

(2) דפי נוסחאות (מצוחפים).

ד. הוראות מיוחדות:

(1) אל תעתק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.

(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר

הчисוצים מתבצעים בעוררת מחשבון.

הסביר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.

חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

(3) לטיווה יש להשתמש במחברת הבחינה או בדף שקיבלת מהמשגיחים.

שימוש בטיווה אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.

הנחיות בשאלון זה מנושאות בלשון זכר ומכונות לנבחנות לנבחנים אחד.

ב ה צ ל ח ה !

המשך מעבר לדף ◀

ה שאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירותו ובצורה ברורה.
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.

פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה למרחב,

מספרים מרוכבים ($\frac{2}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה — $\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, יבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. נתונה פרבולה שימושו אותה $y^2 = 2px$.

שני ישרים המשיקים לפרבולה בנקודות K ו-L נפגשים בנקודה A
שהיא נקודת החיתוך של מדריך הפרבולה עם ציר ה- x.

א. (1) הראה כי שיעור ה- x של K שווה לשיעור ה- x של L.

(2) הראה כי המשיקים מאונכים זה לזה.

נתון מעגל, שמרכזו M נמצא על ציר ה- x.

המשיקים לפרבולה הנתונה בנקודות K ו-L משיקים גם למעגל זה בנקודות אלה.

הצב $2 = p$, וענה על הסעיפים ב, ג.

ב. מצא את משוואת המעגל שמרכזו M.

ג. מצא את משוואת המעגל החסום במרובע AKML.

המשך בעמוד 3 ◀

- נתון מעגל הנמצא במישור π , ומרכזו בראשית הצירים $(0, 0)$.
- הישר $(1, 2, 1) + t(2, 2, 0) = \underline{x}_1$ נמצא במישור π , ומישיק למעגל זה בנקודה B .
- מצאת השיעורים של הנקודה B .
 - הישר $(0, 1, 1) + s(2, -1, 1) = \underline{x}_2$ חותך את המישור π בנקודה A .
 - הראה כי הנקודה A נמצאת על המעגל הנתון.
 - מצאת שטח המשולש AOB .

$$z = \frac{\left(\cos \frac{\pi}{9} + i \sin \frac{\pi}{9}\right)^3}{\left(\cos \frac{\pi}{12} - i \sin \frac{\pi}{12}\right)^2}$$

- מצאת $|z|$, ואת הארגומנט (הזווית) של z .
- מצאת הערכים של m (מספר טבאי) שעבורם z הוא מספר מדומה טהור.

הערה: אין קשר בין סעיף א' לסעיף ב'

- נתון המקום הגאומטרי $|z + \bar{z} - m(z - \bar{z})| = 40$, m הוא מספר ממשי גדול מ-1.
- זהה את המקום הגאומטרי. נמק.
 - הנקודה שמיוצגת על ידי המספר $8i + 12$ נמצאת על המקום הגאומטרי.
- מצאת השיעורים של נקודות החיתוך של המקום הגאומטרי עם הצירים.

המשך בעמוד 4

פרק שני — גדייה ודעיכה, פונקציות מערכיות ולוגריתמיות

(33 $\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על אתה מהשאלות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר שאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

4. נתונה הפונקציה $3 - 2 \cdot 3^x - 9^x = f(x)$ המוגדרת לכל x .

- א. (1) מצא את השיעורים של נקודות החיתוך של גרף הפונקציה עם הצירים.
(2) מצא את האסימפטוטה האופקית לgraf הפונקציה.
(3) מצא את השיעורים של נקודות הקיצון של הפונקציה (אם יש כאלה), וקבע את סוגן.
(4) סרטט סקיצה של graf הפונקציה.

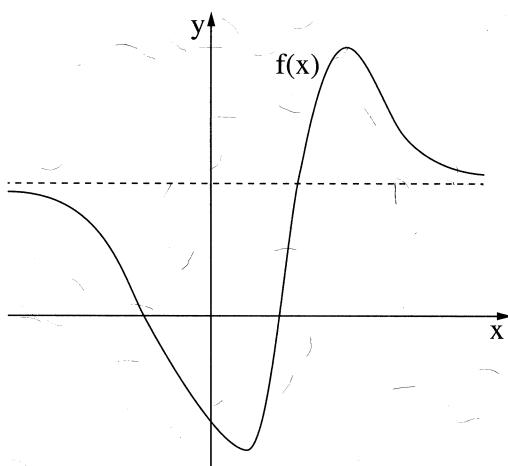
ב. מצא את השטח מימין לציר y , המוגבל על ידי גרף הפונקציה, על ידי ציר x ועל ידי האסימפטוטה האופקית. תוכל להשאיר חל בתשובהך.

ג. נתונה הפונקציה $g(x) = f(x) + 4$.

השטח שמצאות בחלק ב' שווה לשטח מימין לציר y , המוגבל על ידי גרף הפונקציה $(x, g(x))$, על ידי ציר x ועל ידי הישר $y = k$.

מהו הערך של k ? נמק.

◀ 5 ◀
המשך בעמוד 5



.5. בציור שלפניך מתואר גרף הפונקציה $f(x)$.

נתון כי הפונקציות $f'(x)$, $f''(x)$, $f'''(x)$

מוגדרות לכל x .

לגרף הפונקציה $f(x)$ יש אסימפטוטה

אופקית אחת שמשוואתה $y = 1.5e$

כמתואר בציור.

נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$ הן:

. B(1, -1.5e), A(4, 3e)

הנקודות $(0, 1.5e)$, $E(5, 2e)$, $D(2, 0)$, $C(-2, 0)$

נמצאות על גרף הפונקציה $f(x)$.

הfonקציה $f(x)$ קעורה כלפי מטה \cap בתחום $-2 < x < 5$ ו בתחום $5 < x < 2$

וקעורה כלפי מעלה \cup בתחום $-2 < x < 2$ ו בתחום $2 < x < 5$

א. מצא את שיעורי x של נקודות הקיצון של פונקציית הנגזרת $f'(x)$, וקבע את סוגן. נמק.

ב. הפונקציה $g(x)$ מקיימת: $[f(x)]^{\text{תל}} = g(x)$.

(1) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $g(x)$.

(2) מצא את האסימפטוטות של $g(x)$ המאונכות לציר ה- x .

(3) מצא את השיעורים של נקודות הקיצון של הפונקציה $g(x)$ (אם יש כאלה),

וקבע את סוגן.

(4) לפונקציה $g(x)$ יש אסימפטוטה אופקית אחת שמשוואתה $y = \ln(1.5e)$.

סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $g(x)$.

בザלחה!

זכות היוצרים שמורה למדינת ישראל
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך